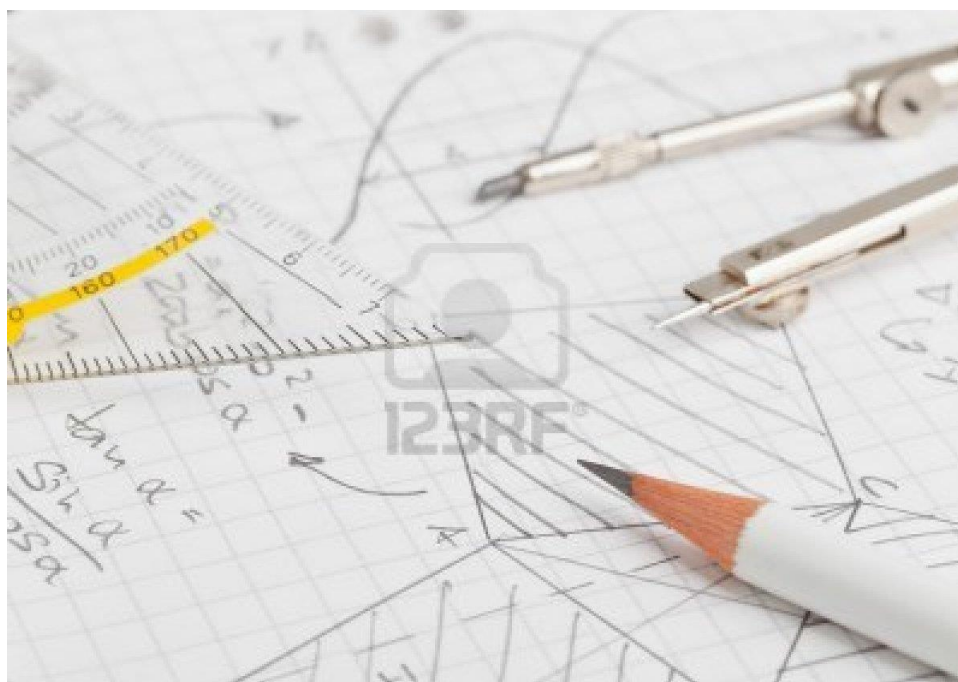


ACTIVITATS D'ESTIU DE MATEMÀTIQUES



CURS 4t ESO

Fes les activitats en fulls apart. Indica el número de l'activitat i has de copiar els apartats. No t'oblidis d'escriure totes les operacions i el procediment i no facis servir la calculadora (només per comprovar si ho has fet correctament).

Nom i cognoms:

CURS 20__-20__

Alumnes amb la matèria suspesa

- L'alumne/a lliurarà aquest treball el dia de l'examen de setembre
- Tots els problemes han d'estar raonats i desenvolupats totalment (no val un resultat que no sabem d'on ha sortit)
- S'ha d'escriure l'enunciat del problema
- Es tindrà en compte el treball en la nota de l'examen de setembre

Nota important: Aquests exercicis serveixen com a model per a l'examen, però l'alumne/a ha de repassar el llibre, els apunts del curs i sobretot els exàmens que s'han fet durant el curs.

Exercicis del treball d'estiu**Nombres reals**

1. Escriu amb la simbologia adequada i representa gràficament els intervals següents de R:
a) Tots els nombres menors de -4 .
b) Tots els nombres compresos entre -1 i 5 , ambdós inclosos.

2. Expressa els radicals següents mitjançant potències d'exponent fraccionari:

a) $\sqrt[3]{x^2}$ b) $\frac{1}{\sqrt[5]{a^3}}$ c) $\sqrt[6]{\sqrt{c^3}}$

3. Posa en forma d'arrel les potències següents: a) $3^{\frac{2}{7}}$ b) $a^{\frac{-1}{2}}$

4. Simplifica al màxim les expressions següents:

a) $5\sqrt{2} - \sqrt{18} + 3\sqrt{72} - 3\sqrt{50}$ b) $\frac{3}{2}\sqrt{3} - \sqrt{\frac{12}{9}}$ c) $\frac{\sqrt[4]{a^2 \cdot b} \cdot \sqrt[3]{a \cdot b^5}}{\sqrt{a^3 \cdot b^5}}$

5. Racionalitza els denominadors:

a) $\frac{5}{\sqrt{3}}$ b) $\frac{3}{\sqrt[3]{4}}$ c) $\frac{4}{3 + \sqrt{5}}$ d) $\frac{2}{2\sqrt{3} - \sqrt{10}}$

Polinomis i fraccions algebraiques

6. Efectua les operacions següents i simplifica'n el resultat:

a) $x \cdot (x^2 - 1) - (2x + 3) \cdot (3x - 2)$ b) $(x - 1)^2 - (2x - 3) \cdot (2x + 3)$

7. Simplifica la fracció següent: $\frac{x^2 - 4x + 4}{x^2 - 4}$

8. Calcula, simplificant al màxim:

a) $\frac{2x}{x-1} - \frac{x}{x+1}$ b) $\left(1 - \frac{y}{x}\right) : \left(1 + \frac{x}{y}\right)$ c) $\frac{x+3}{x^2-1} \cdot \frac{x+1}{x^2-9}$ d) $\frac{x^2+10x+25}{x^3+5x^2} : \frac{x^2+2x^2}{x^2-5x}$

9. Descompon en factors i digues quines són les arrels:

a) $x^3 - x - 6$ b) $x^4 + 2x^3 + x^2$ c) $4x^4 + 4x^3 - 3x^2 - 4x - 1$

10. Quin valor ha de tenir "c" en la divisió $(3x^3 - 14x^2 - 2x + c) : (x + \frac{1}{3})$ perquè el seu residu sigui 0?

Equacions, sistemes i inequacions

11. Resol les equacions següents:

a) $4x^4 - 4x^2 + 1 = 0$ b) $x^4 - 5x^2 - 36 = 0$ c) $x - \sqrt{7-3x} = 1$

d) $\frac{x+1}{x-2} - \frac{x+2}{x-3} = \frac{1}{4}$ e) $\frac{15}{x} - 2 = \frac{72-6x}{2x^2}$

12. Resol els sistemes següents:

a)
$$\begin{cases} \frac{2(x+1)}{5} - \frac{3(y-2)}{2} = 0 \\ \frac{x+y}{4} = \frac{1}{4} \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 5 \\ xy = 6 \end{cases}$$

13. Amb dues classes de vernís, de 3,50 €/kg i d' 1,50 €/kg, volem obtenir un vernís de 2,22 €/kg. Quants quilos n'hem de posar de cada classe per obtenir 50 kg de la mescla?

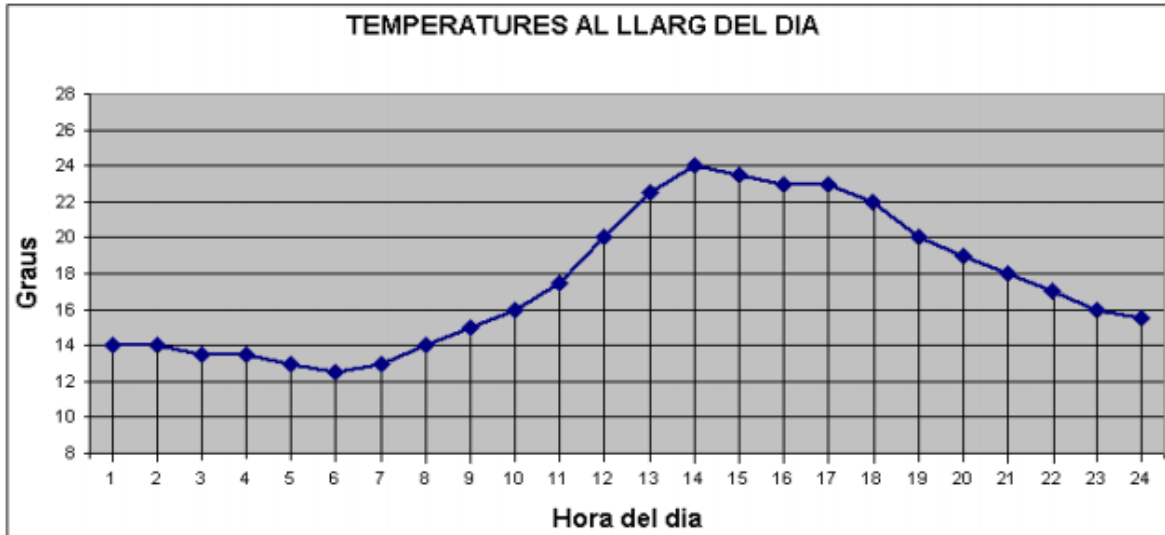
14. Un grup d'estudiants de l'institut Puig i Castellar lloga un autocar per anar d'excursió i els costa 660 €. Si en fossin cinc més, cada un pagaria 22 € menys. Quants estudiants són i quant paga cadascú? (1 punt)

Funcions elementals

15. Donades la paràbola $y = -x^2 + 4x + 5$ i la recta $y = 9 + 8x$

- Calcula les coordenades del vèrtex de la paràbola.
- Calcula els punts on es tallen la recta y la paràbola.
- Calcula, analíticament, els punts de tall de la paràbola amb els eixos de coordenades.
- Representa gràficament els resultats, dibuixant la recta i la paràbola.

20. Aquest gràfic mostra les temperatures al llarg d'un dia determinat del mes de maig. S'hi pot observar la variació hora a hora. Es demana: (1,2 punts)



- A quina hora s'ha produït la temperatura més baixa?
- Quina explicació meteorològica o astronòmica hi dones?
- A quina hora s'ha produït la temperatura més alta?
- Quina explicació hi dones?
- Entre quines hores hi ha hagut un major increment de temperatures, entre les 10 i les 12 o entre les 12 i les 14?
- Quina diferència de temperatura hi ha entre les 8 i les 17?

21. Les despeses anuals d'una empresa per a la fabricació de x ordinadors són

$$D(x) = 50x + 5000, \text{ i els ingressos } I(x) = 550x - 0,1x^2. \text{ (1,5 punts)}$$

- Escriu l'equació de la funció benefici $B(x)$.
- Quants ordinadors s'han de fabricar perquè el benefici sigui màxim?
- Quin és el benefici màxim?

Trigonometria

22. Utilitzant alguna de les relacions $(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2 = 1$ i $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$,

calcula: (α és del primer quadrant)

- a) el cosinus i la tangent d'un angle agut α que verifica $\sin \alpha = 0,2$
- b) el sinus i cosinus d'un angle agut α que verifica $\operatorname{tg} \alpha = 2$
- c) troba amb la calculadora els angles corresponents

23. Calcula els costats i els angles d'un triangle rectangle en cada un dels casos següents:

- a) Un angle agut val 40° i un del seus catets mesura 19 cm
- b) La hipotenusa mesura 6 cm i un dels angles aguts val 60°

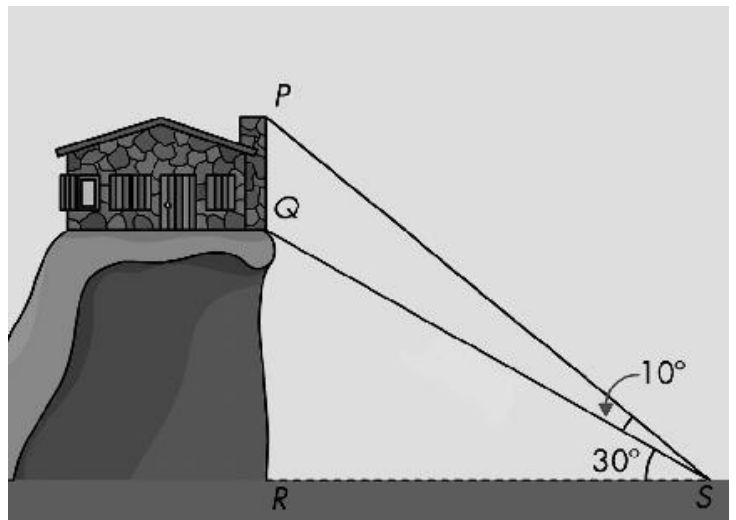
24. Calcula l'alçària d'una torre sabent que la seva ombra mesura 15 cm quan els rajos del Sol formen un angle de 40° amb el terra.

25. Des d'un cert punt s'observa la part més alta de la xemeneia d'una masia sota un angle de 60° . Endarrerint la posició 250 m en la direcció adient, l'angle esdevé de 30° . Quina és l'altura d'aquesta xemeneia?

26. Sabent que la distància entre Q i S és de 22 metres, calcula:

a) l'altura de l'edifici de la figura (Segment PQ).

b) la distància entre P i S



Estadística

27. La taula següent mostra el temps, en intervals, que triguen els alumnes d'un curs en anar de casa fins a l'escola:

Temps en minuts	[0,5)	[5,10)	[10,15)	[15,20)	[20,25)	[25,30)
Alumnes (fi)	2	11	13	6	3	1

Calcula:

- a) la mitjana
- b) la variància
- c) la desviació típica
- d) Fes el gràfic.

28. En 4 viatges del trajecte Barcelona-Girona un conductor ha observat les velocitats mitjanes i els consums de gasolina següents:

Velocitat, km/h. x	105	117	90	120
Consum, litres y	6'5	7'5	6	8'2

- Representa el núvol de punts i el centre de gravetat (aquest últim en un color diferent)
- Troba el coeficient de correlació (digues si és forta o dèbil)
- Escriu la recta de regressió del consum respecte de la velocitat.
- Quin consum esperaríeu d'un viatge fet a 130 km/h de mitjana? I a 80 km/h?

Probabilitat

- Llancem un dau i mirem el nombre obtingut.
 - Calcula la probabilitat d'obtenir un nombre menor que 4.
 - Quin és l'esdeveniment contrari a "obtenir un múltiple de 3"?

- Llancem tres monedes i mirem si ha sortit cara o creu.
 - Escriu el conjunt de resultats possibles d'aquesta experiència.
 - Calcula la probabilitat d'obtenir tres creus.
 - Calcula la probabilitat d'obtenir alguna cara.

- Una caixa conté 5 boles blanques, 3 de vermelles i 12 de negres.
 - Agafem dues boles d'aquesta caixa i anotem el seu color. Calcula la probabilitat que les dues siguin negres.
 - Agafem una bola, la tornem a la caixa i en traiem una altra. Calcula la probabilitat d'obtenir dues boles del mateix color.